

Istituzioni di Geometria.

Appello del 20.1.2019. Per studenti dell'anno accademico 2019-2020

Primo Modulo

[1] Sia $k = \mathbb{C}$ e sia $C \subset \mathbb{P}^3$ la cubica gobba standard. Determinare le equazioni delle proiezioni di C in \mathbb{P}^2 dai punti $(1 : 0 : 0 : 1)$ e $(0 : 0 : 1 : 0)$.

[2] Si provi che la funzione $F: S^2 \rightarrow \mathbb{R}^4$,

$$F(x, y, z) = (x^2 - y^2, xy, xz, yz)$$

induce una funzione C^∞ , $G: \mathbb{R}\mathbb{P}^2 \rightarrow \mathbb{R}^4$. Si dimostri che che la funzione indotta è un'immersione.

Secondo Modulo

[3] Sia $F: M \rightarrow N$ una mappa liscia tra varietà differenziabili e $\pi: E \rightarrow N$ un fibrato vettoriale. Si definisce

$$F^*(E) = \{(p, e) \in M \times E : \pi(e) = F(p)\}.$$

Si dimostri che $F^*(E)$ ha una naturale struttura di fibrato vettoriale su M (detto *fibrato pull-back*).